

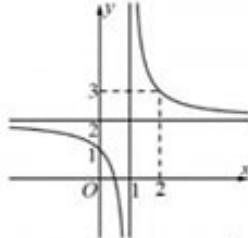
*Thời gian làm bài: 90 phút (không kể thời gian phát đề)*

Họ, tên thí sinh: .....  
Số báo danh: .....

**Mã đề thi: 1201**

**PHẦN I. Câu trả lời ngắn** (nhiều phương án lựa chọn). Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  ( $c \neq 0, ad - bc \neq 0$ ) có đồ thị như hình sau:



Đường thẳng nào sau đây là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho?

- A.  $x = 1$ .      B.  $x = 2$ .      C.  $y = 1$ .      D.  $y = 2$ .

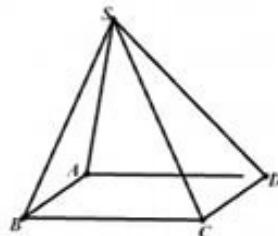
**Câu 2.** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  có  $u_1 = 2$  và  $u_2 = 8$ . Công bội của cấp số nhân đã cho bằng

- A. 4.      B. -6.      C.  $\frac{1}{2}$ .      D. 6.

**Câu 3.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_{0,5}(x-1) > -3$  là:

- A.  $(-\infty; 9)$ .      B.  $(1; 9)$ .      C.  $(9; +\infty)$ .      D.  $\left(1; \frac{9}{8}\right)$ .

**Câu 4.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Khi đó  $\overline{SA} + \overline{BC}$  bằng



- A.  $\overline{SD}$ .      B.  $\overline{SC}$ .      C.  $\overline{SA}$ .      D.  $\overline{SB}$ .

**Câu 5.** Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + y - \frac{z}{2} = 1$ . Một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$  là

- A.  $\vec{n} = (1; 1; 2)$ .      B.  $\vec{n} = (2; 2; -1)$ .      C.  $\vec{n} = (1; 1; -2)$ .      D.  $\vec{n} = (2; 2; 1)$ .

**Câu 6.** Trong các phương trình sau, phương trình nào vô nghiệm?

- A.  $5^x - 1 = 0$ .      B.  $\log_2 x = 3$ .      C.  $3^x + 2 = 0$ .      D.  $\log(x-1) = 1$ .

**Câu 7.** Các bạn học sinh lớp 11A trả lời 40 câu hỏi trong một bài kiểm tra. Kết quả được thống kê ở bảng sau:

Số câu trả lời đúng	[16;21)	[21;26)	[26;31)	[31;36)	[36;41)
Số học sinh	4	6	8	18	4

Xác định nhóm có tần số lớn nhất.

- A. [16;21).      B. [21;26).      C. [31;36).      D. [36;41).

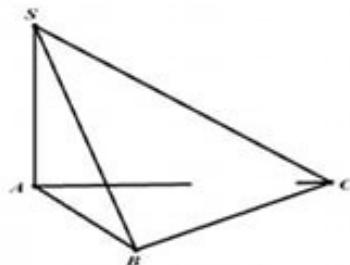
Câu 8. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$1$	$-1$	$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -3)$ .      B.  $(-3; 3)$ .      C.  $(0; 3)$ .      D.  $(-3; 0)$ .

Câu 9. Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$ ,  $SA \perp (ABC)$ . Góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABC)$  là



- A.  $\widehat{SBA}$ .      B.  $\widehat{ASC}$ .      C.  $\widehat{SCA}$ .      D.  $\widehat{ASB}$ .

Câu 10. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên đoạn  $[a; b]$  và  $f(a) = -1; f(b) = 3$ . Khi đó

$$\int_a^b f'(x) dx$$

- A. -3.      B. 4.      C. -4.      D. 2.

Câu 11. Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng  $d$  đi qua điểm  $M(1; -1; 3)$  và song song với đường thẳng  $d_1 : \frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z+3}{-1}$  có phương trình là

- A.  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 - t \\ z = -1 + 3t \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

Câu 12. Diện tích  $S$  của hình phẳng được giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục  $Ox$  và các đường thẳng  $x = a, x = b$  ( $a < b$ ) là

- A.  $S = \pi \int_a^b f(x) dx$ .      B.  $S = \int_a^b |f(x)| dx$ .      C.  $S = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ .      D.  $S = \int_a^b f(x) dx$ .

**PHẦN II. Câu trả lời đúng sai.** Thi sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thi sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Thống kê điểm thi đánh giá năng lực của 120 học sinh ở một trường THPT ở địa bàn thành phố Huế với thang điểm 100 được cho ở bảng sau:

Điểm	[0;20)	[20;40)	[40;60)	[60;80)	[80;100)
Số học sinh	25	34	15	38	8

- a) Khoảng biến thiên của mẫu số liệu ghép nhóm trên là 100.  
 b) Số học sinh đạt điểm 60 điểm trở lên là 38 học sinh.  
 c) Số điểm trung bình của học sinh đạt được từ bảng số liệu trên là 54 điểm.  
 d) Chọn ngẫu nhiên một học sinh từ 120 học sinh trên, xác suất chọn được học sinh có điểm thuộc nhóm chứa trung vị là  $\frac{1}{8}$ .

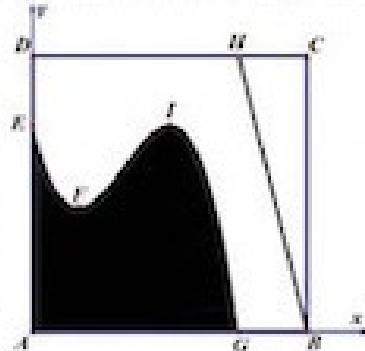
Câu 2. Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d : \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z+1}{-3}$  và điểm  $A(2; -5; -6)$ .

- a) Đường thẳng  $d$  có một vectơ chỉ phương là  $\vec{u} = (2; 1; -3)$ .
- b) Một phẳng đi qua  $A$  và vuông góc với  $d$  có phương trình là  $2x + y - 3z + 17 = 0$ .
- c) Gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  lên  $d$ . Tọa độ của  $H$  là  $H(3; -1; -4)$ .
- d) Gọi  $(P)$  là mặt phẳng chứa đường thẳng  $d$  sao cho khoảng cách từ  $A$  đến  $(P)$  lớn nhất, khi đó phương trình của mặt phẳng  $(P)$  là  $x + 4y + 2z + 7 = 0$ .

Câu 3. Ông An có một mảnh đất hình vuông  $ABCD$  có cạnh  $AB = 12\text{m}$ . Ông làm một hồ bơi dạng hình thang cong (phản đồ đậm) và một lối đi là đoạn thẳng  $HB$ . Nếu đặt hệ trục tọa độ có gốc tại  $A$  như hình vẽ, độ dài đơn vị là  $1\text{m}$ , thì đường cong  $EFIG$  là một phản đồ thị của một hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có  $F$  là điểm cực tiểu và  $I$  là điểm cực đại. Biết  $CH = DE = GB = 3\text{m}$  và các điểm  $F, I$  cách cạnh  $AD$  lần lượt là  $2\text{m}$  và  $6\text{m}$ .

- a) Phương trình của đường thẳng  $HB$  là  $y = -4x + 48$ .
- b) Tồn tại  $a \in \mathbb{R}$  sao cho  $f'(x) = a(x+2)(x+6)$ .
- c) Tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại điểm có hoành độ bằng  $7$  song song với đường thẳng  $HB$ .

d) Ông An cần đặt một cái thang lên xuống hồ bơi tại một điểm trên đường cong  $EFIG$  sao cho khoảng cách từ điểm đặt thang đến lối đi là ngắn nhất, khoảng cách đó bằng  $2,56\text{m}$  (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).



Câu 4. Một người đang lái xe ô tô thi bất ngờ phát hiện chướng ngại vật trên đường cách đầu xe  $25\text{m}$ , ngay lúc đó người lái xe đạp phanh khẩn cấp. Kể từ thời điểm này, ô tô chuyển động chậm dần đều với vận tốc  $v(t) = -10t + 20 (\text{m/s})$ , trong đó  $t$  là thời gian tính bằng giây kể từ lúc đạp phanh. Gọi  $s(t)$  là quãng đường xe ô tô di được trong  $t$  (giây) kể từ lúc đạp phanh.

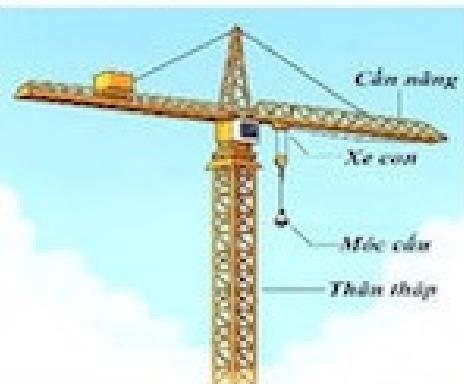
- a) Quãng đường  $s(t)$  mà xe ô tô di được trong  $t$  (giây) là một nguyên hàm của hàm số  $v(t)$ .
- b)  $s(t) = -5t^2 + 20$ .
- c) Thời gian kể từ lúc đạp phanh đến khi xe ô tô dừng hẳn là  $20$  giây.
- d) Xe ô tô đó không va vào chướng ngại vật ở trên đường.

### PHẦN III. Câu trả lời nghiệm trả lời ngắn. Thi sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

Câu 1. Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông có cạnh bằng  $4\sqrt{2}$ , các cạnh bên bằng nhau và cùng bằng  $2\sqrt{6}$ . Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AD$  và  $SC$ .

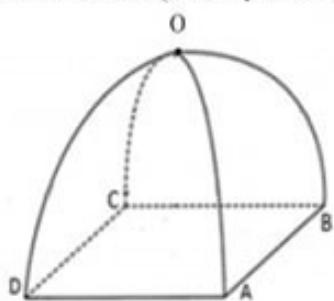
Câu 2. Bạn Thuận có một danh sách gồm 6 bài hát khác nhau, các bài hát được phát theo thứ tự từ trên xuống. Lần đầu, khi nghe xong bài hát thứ ba trong danh sách, bạn ấy xáo trộn ngẫu nhiên danh sách phát của mình và sau đó nghe 3 bài hát đầu tiên trong danh sách mới. Tính xác suất để bạn Thuận nghe đủ 6 bài hát khác nhau sau hai lần nghe (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).

Câu 3. Người ta thường dùng cầu trục tháp (như hình vẽ) để vận chuyển vật liệu xây dựng; thân tháp vuông góc với mặt đất, cẩu nâng vuông góc thân tháp dùng để làm điểm tựa nâng vật liệu, trên cẩu nâng có bộ phận gọi là xe con, có thể chạy dọc cẩu nâng nhằm di chuyển vật liệu. Ban đầu vật liệu ở mặt đất, cầu trục dùng móc cẩu nâng vật liệu lên cao theo phương thẳng đứng và cao hơn  $1\text{m}$  so với vị trí cẩu đặt, sau đó giữ nguyên độ cao và cầu trục quay cẩu nâng một góc  $\alpha \in (0^\circ; 180^\circ)$  sao cho quỹ đạo tạo thành một cung tròn cho đến khi mặt phẳng  $(P)$  chứa cẩu



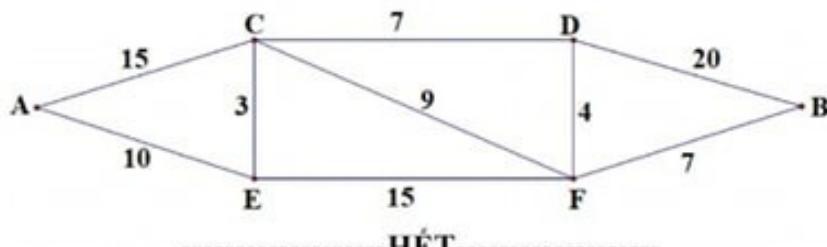
nâng và diễm cần đặt vuông góc với mặt đất (vật liệu và diễm cần đặt cùng nằm trên một nửa mặt phẳng ( $P$ ) so với thân tháp). Tiếp đến điều chỉnh xe con nhằm di chuyển và hạ vật liệu xuống  $1m$  theo phương thẳng đứng đúng vị trí cần đặt. Giả sử rằng trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , thân tháp là trục  $Oz$  và mặt đất là mặt phẳng  $Oxy$  (đơn vị tính bằng mét); vị trí ban đầu của vật liệu là diễm  $A(6;8;0)$  và vị trí cần đặt vật liệu là diễm  $B(4;-3;15)$ . Tính quãng đường vật liệu đã di chuyển (kết quả làm tròn đến hàng phần chục).

**Câu 4.** Một lều cắm trại có dạng như hình vẽ dưới, khung lều được tạo thành từ hai parabol giống nhau có chung đỉnh  $O$  và thuộc hai mặt phẳng vuông góc nhau (một parabol đi qua  $A, O, C$  và một parabol đi qua  $B, D, O$ ), bốn chân tạo thành hình vuông  $ABCD$  có cạnh là  $2\sqrt{2}(m)$ , chiều cao tính từ đỉnh lều là  $2m$ . Biết mặt cắt của lều khi cắt bởi một mặt phẳng song song với mặt phẳng ( $ABCD$ ) luôn là một hình vuông. Tính thể tích của lều (đơn vị là  $m^3$ ).



**Câu 5.** Một hộ làm nghề dệt vải lụa tơ tằm sản xuất mỗi ngày được  $x$  mét vải lụa ( $1 \leq x \leq 20$ ). Tổng chi phí sản xuất  $x$  mét vải lụa cho bởi hàm chi phí  $C(x) = \frac{23}{36}x^3 + x^2 + 200$  (tính bằng nghìn đồng). Giá của vải lụa tơ tằm là 300 nghìn đồng/mét và giả sử hộ luôn bán hết số sản phẩm làm ra trong một ngày. Để đạt lợi nhuận tối đa thì hộ cần sản xuất bao nhiêu mét vải lụa.

**Câu 6.** Bạn Hóa muốn leo núi với địa điểm xuất phát từ  $A$  và kết thúc tại  $B$  với bản đồ đường đi được minh họa bởi hình vẽ dưới, trong đó các đường đi là các đoạn thẳng và thời gian di chuyển (tính bằng phút) tương ứng được gắn bởi một số trên đoạn thẳng đó. Hãy xác định thời gian ngắn nhất (tính bằng phút) để bạn Hóa hoàn thành chuyến đi từ  $A$  đến  $B$ .



-----HẾT-----

- *Thí sinh không được sử dụng tài liệu.*
- *Giám thị không giải thích gì thêm.*

	Phản	I	II	III	
	Số câu	12	4	6	
Câu/Mã đề		1201	1202	1203	1204
<b>Phản I</b>	1	A	A	D	B
	2	A	A	C	B
	3	B	D	C	D
	4	A	A	A	C
	5	B	A	A	D
	6	C	B	C	C
	7	C	A	B	C
	8	D	D	A	C
	9	A	A	D	D
	10	B	A	B	C
	11	D	A	C	D
	12	B	B	C	A
<b>Phản II</b>	1	DSSD	DSSD	DSSD	DSSD
	2	DSDS	DSSD	DSSD	DSSD
	3	DSSD	DSDS	DSSD	DSDS
	4	DSSD	DSSD	DSDS	DSSD
<b>Phản III</b>	1	4	8	37,7	8
	2	0,05	29	12	37,7
	3	37,7	12	8	4
	4	8	0,05	29	29
	5	12	4	0,05	12
	6	29	37,7	4	0,05