

ĐỀ CHÍNH THỨC
(Đề thi có 04 trang)

Môn thi: Toán
Thời gian làm bài: 90 phút
Ngày thi: 22/5/2025

MÃ ĐỀ: 1079

PHẦN I. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.

Câu 1. Thầy Lâm thống kê lại đường kính thân gỗ của một số cây xoan đào 6 năm tuổi được trồng ở sân trường thu được mẫu số liệu ghép nhóm sau:

Đường kính (cm)	[40;45)	[45;50)	[50;55)	[55;60)	[60;65)
Tần số	5	20	18	7	3

Khoảng biến thiên của mẫu số liệu ghép nhóm trên là

- A. 15. B. 6. C. 30. D. 25.

Câu 2. Trong không gian $Oxyz$, tọa độ tâm I của mặt cầu $(S): (x-1)^2 + y^2 + (z+2)^2 = 9$ là

- A. $I(1;0;-2)$. B. $I(-1;0;2)$. C. $I(-1;1;2)$. D. $I(1;1;-2)$.

Câu 3. Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $M(-1;-1;2)$ và $N(1;3;4)$. Đường thẳng MN có phương trình chính tắc là

- A. $\frac{x+1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}$. B. $\frac{x+1}{2} = \frac{y+3}{4} = \frac{z+4}{2}$.
C. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{4} = \frac{z+2}{2}$. D. $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+2}{1}$.

Câu 4. Cho cấp số nhân (u_n) với $u_1 = 3$ và công bội $q = 2$. Giá trị của u_3 bằng

- A. 12. B. 7. C. 18. D. 6.

Câu 5. Trong không gian $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): 2x - 3y + z - 5 = 0$. Vector nào sau đây là một vector pháp tuyến của mặt phẳng (P) ?

- A. $\vec{n}(2;-3;5)$. B. $\vec{n}(2;-3;1)$. C. $\vec{n}(2;3;-1)$. D. $\vec{n}(2;-3;-5)$.

Câu 6. Tập nghiệm của bất phương trình $2^x \leq 3$ là

- A. $[\log_2 3; +\infty)$. B. $(-\infty; \log_2 3]$. C. $(\log_2 3; +\infty)$. D. $(-\infty; \log_2 3]$.

Câu 7. Nghiệm của phương trình $\log_3(2x-1) = 2$ là

- A. $x = 5$. B. $x = 3$. C. $x = \frac{7}{2}$. D. $x = \frac{9}{2}$.

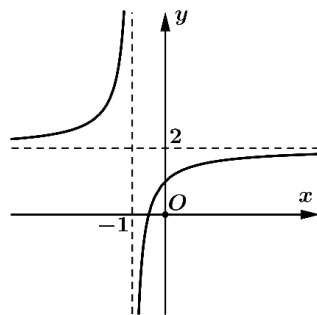
Câu 8. Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 + x$ là

- A. $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 + C$. B. $x^4 + x^2 + C$. C. $x^3 + x + C$. D. $3x^2 + 1 + C$.

Câu 9. Biết $F(x) = x^3$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$ trên $\mathbb{R}$. Giá trị của $\int_1^2 [2 + f(x)] dx$ bằng

- A. $\frac{23}{4}$. B. $\frac{15}{4}$. C. 7. D. 9.

Câu 10. Hàm số nào dưới đây có đồ thị như hình vẽ bên?



- A. $y = x^3 - 3x + 1$. B. $y = \frac{2x+1}{x+1}$. C. $y = \frac{2x-1}{x-1}$. D. $y = 2x + \frac{1}{x+1}$.

Câu 11. Một khối chóp có đường cao $h = 3a$ và diện tích đáy $B = a^2$. Thể tích khối chóp đó bằng

- A. a^3 . B. $\frac{a^3}{2}$. C. $3a^3$. D. $\frac{3a^3}{2}$.

Câu 12. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-2	0	2	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$	
$f(x)$	$+\infty$		1		3		1		$+\infty$

Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- A. 2. B. 3. C. 1. D. 0.

PHẦN II. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Một ô tô đang di chuyển với vận tốc $21(m/s)$, khi còn cách trạm thu phí một đoạn thì người lái xe bắt đầu đạp phanh lần một, xe chuyển động thẳng chậm dần đều với vận tốc biến thiên theo thời gian được xác định bởi quy luật $v_1(t) = -6t + 21(m/s)$, trong đó thời gian t tính bằng giây, đến đúng trạm thu phí thì xe dừng hẳn. Sau khi trả phí, xe ô tô bắt đầu chuyển động nhanh dần đều với vận tốc $v_2(t) = 5t(m/s)$, đi được 4 giây, ô tô gặp chướng ngại vật nên phải phanh gấp lần hai.

- a) Thời gian từ lúc ô tô phanh lần một cho đến khi dừng hẳn ở trạm thu phí là 3 giây.
b) Quãng đường ô tô đi được từ lúc đạp phanh đến khi dừng ở trạm thu phí là $36,75m$.
c) Vận tốc của ô tô tại thời điểm người tài xế phanh gấp lần hai là $20(m/s)$.
d) Tổng quãng đường ô tô chuyển động từ lúc phanh lần một đến lúc phanh lần hai là $76,75m$.

Câu 2. Một tháp trung tâm kiểm soát không lưu ở sân bay có độ cao $100m$. Trên đỉnh tháp đặt một Radar có phạm vi theo dõi $500km$. Chọn hệ trục tọa độ $Oxyz$ có gốc O trùng với vị trí chân tháp, mặt phẳng (Oxy) trùng với mặt đất sao cho trục Ox hướng về phía tây, trục Oy hướng về phía nam, trục Oz hướng thẳng đứng lên phía trên (Hình minh họa) (đơn vị trên mỗi trục tính theo kilômét).



Một máy bay tại vị trí A cách mặt đất 12km , cách 350km về phía đông và 200km về phía nam so với tháp trung tâm kiểm soát không lưu.

a) Rađa ở vị trí có tọa độ $(0;0;0)$.

b) Vị trí A có tọa độ $(350;200;12)$.

c) Khoảng cách từ máy bay đến rađa khoảng $403,29\text{km}$ (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).

d) Nếu máy bay giữ nguyên độ cao, tiếp tục bay về phía nam 100km nữa thì rađa của trung tâm kiểm soát không lưu không phát hiện được vị trí của máy bay.

Câu 3. Trong một hộp đựng 5 quả cầu chứa phiếu có thưởng và 10 quả cầu chứa phiếu không có thưởng (các quả cầu cùng hình dạng, kích thước và khối lượng). Hai bạn Bình, An lần lượt lấy ngẫu nhiên (không hoàn lại) mỗi bạn một quả. Bạn Bình lấy trước, bạn An lấy sau.

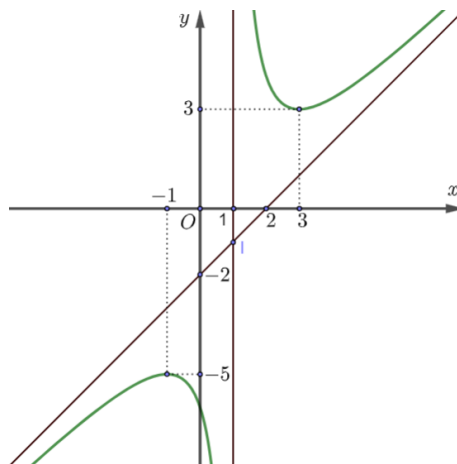
a) Xác suất bạn Bình lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng là $\frac{1}{2}$.

b) Biết bạn Bình đã lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng, xác suất để bạn An lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng là $\frac{2}{7}$.

c) Xác suất để hai bạn cùng lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng là $\frac{2}{21}$.

d) Biết An lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng, xác suất để Bình lấy được quả cầu chứa phiếu có thưởng là $\frac{2}{7}$.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm trên $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ và đồ thị như hình vẽ bên dưới.



a) Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; -1)$.

b) Hàm số đạt cực tiểu tại điểm $x_0 = 3$.

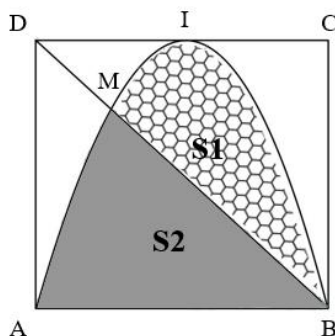
c) Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số có phương trình là $x = 0$.

d) Tâm đối xứng của đồ thị hàm số $y = f(x)$ nằm trên đường tròn tâm O bán kính $R = \sqrt{2}$.

PHẦN III. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6.

Câu 1. Lượng calo từ tinh bột khuyến nghị hàng ngày cho một người bình thường khoảng 480 đến 1200 calo. Để nạp đủ chất thì người ta cần nạp cả hai loại tinh bột hấp thu nhanh và tinh bột hấp thu chậm vào cơ thể. Biết rằng trong 100g gạo (chứa tinh bột hấp thu nhanh) có khoảng 150calo và 100g yến mạch (chứa tinh bột hấp thu chậm) có khoảng 50calo. Hôm nay bạn An đã ăn ít nhất là 200g gạo. Hỏi bạn ấy cần ăn nhiều nhất bao nhiêu gam yến mạch để có thể nạp vào cơ thể lượng calo tối thiểu cần thiết.

- Câu 2.** Cho hình chóp đều $S.ABCD$ có cạnh đáy bằng $2a$, cạnh bên bằng $3a$. Khoảng cách từ tâm O của mặt đáy đến một mặt bên của hình chóp bằng $a\sqrt{\frac{b}{c}}$, với phân số $\frac{b}{c}$ tối giản và $b > 0$, $c > 0$. Tính $T = 3c + 2b$.
- Câu 3.** Một biển quảng cáo có dạng hình vuông $ABCD$ cạnh bằng $4m$ và I là trung điểm của đoạn thẳng CD . Trên tấm biển đó có đường parabol đỉnh I đi qua A, B và cắt đường chéo BD tại M (tham khảo hình vẽ).



Chi phí sơn phân tô hình tổ ong (có diện tích S_1) là 200 000 đồng/ m^2 , chi phí sơn phân tô đậm (có diện tích S_2) là 150 000 đồng/ m^2 và phần còn lại là 120 000 đồng/ m^2 . Số tiền cần chi trả để sơn tấm biển quảng cáo là bao nhiêu nghìn đồng?

- Câu 4.** Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng $(d): \frac{x-1}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z+2}{1}$ và mặt phẳng $(P): 3x - y + z - 25 = 0$. Một đường thẳng (d') cắt trục Oz tại điểm M , cắt đường thẳng (d) tại điểm N và (d') song song với mặt phẳng (P) . Độ dài nhỏ nhất của đoạn thẳng MN bằng bao nhiêu? (Kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)
- Câu 5.** Trong một trường THPT X có tỉ lệ học sinh nữ là 48%. Tỉ lệ học sinh nữ và học sinh nam tham gia tư vấn tuyển sinh do Báo Thanh niên phối hợp với Sở GDĐT tổ chức lần lượt là 18% và 15%. Gặp ngẫu nhiên một học sinh của trường. Biết rằng học sinh đó có tham gia tư vấn tuyển sinh. Tính xác suất học sinh đó là nam (Kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).
- Câu 6.** Một doanh nghiệp dự định sản xuất 200 máy tính bảng dành cho học sinh. Nếu doanh nghiệp đó bán x máy tính bảng ($1 \leq x \leq 200, x \in \mathbb{N}$) thì giá bán cho mỗi máy tính bảng là $p(x) = 4000 - 10x$ (nghìn đồng), trong đó chi phí để sản xuất mỗi máy tính bảng là $c(x) = x^2 - 70x + 400 + \frac{1000}{x}$ (nghìn đồng). Hỏi doanh nghiệp đó sẽ bán bao nhiêu máy tính bảng để lợi nhuận cao nhất?

--- Hết ---

Họ tên thí sinh:Số báo danh:.....
 Giám thị 1: Ký tên:Giám thị 2: Ký tên:

(Hướng dẫn chấm có 01 trang)

Môn thi: Toán
Ngày thi: 22/5/2025

ĐÁP ÁN, HƯỚNG DẪN CHẤM
ĐỀ CHÍNH THỨC

PHẦN I. Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn (3 điểm). Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12 (Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được 0,25 điểm)

Mã đề	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1039	C	D	D	A	B	A	C	A	A	B	C	B
1068	A	A	A	D	D	C	C	D	D	C	B	A
1079	D	A	A	A	B	D	A	A	D	B	A	B
1086	C	D	B	A	C	D	B	C	A	B	C	B

PHẦN II. Câu trắc nghiệm đúng sai (4 điểm). Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 01 ý trong 01 câu hỏi được 0,1 điểm;
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 02 ý trong 01 câu hỏi được 0,25 điểm;
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 03 ý trong 01 câu hỏi được 0,5 điểm;
- Thí sinh lựa chọn chính xác cả 04 ý trong 01 câu hỏi được 1 điểm.

Mã đề	Câu 1	Câu 2	Câu 3	Câu 4
1039	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)Đ - c)S - d)Đ	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)S - c)Đ - d)S
1068	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)Đ - c)S - d)Đ	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)S - c)Đ - d)S
1079	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)S - c)Đ - d)S	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)Đ - c)S - d)Đ
1086	a)S - b)Đ - c)S - d)Đ	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)Đ - c)Đ - d)Đ	a)S - b)S - c)Đ - d)S

PHẦN III. Trắc nghiệm trả lời ngắn (3 điểm). Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6. Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được 0,5 điểm.

Mã đề	Câu 1	Câu 2	Câu 3	Câu 4	Câu 5	Câu 6
1039	38	2,71	60	0,47	2465	360
1068	60	38	2465	0,47	360	2,71
1079	360	38	2465	2,71	0,47	60
1086	2,71	2465	60	0,47	38	360